94-95 Расчёт мгновенных значений несинусоидальных токов

Если в линейной цепи действует один или несколько источников несинусоидальных периодических ЭДС, то расчет токов цепи разделяется на три этапа.

1. Разложение ЭДС источников в тригонометрический ряд, т. е. на постоянную и синусоидальные составляющие. Это означает, что источник несинусоидальной ЭДС можно рассматривать как последовательное соединение источника постоянной ЭДС и источников синусоидальных ЭДС с различными частотами. Так, если ЭДС (рис. 16.2, *a*)

 $e = E_0 + E_{1m} \sin(\omega t + \psi_1) + E_{2m} \sin(2\omega t + \psi_2),$

то действие источника такой ЭДС аналогично действию трех последовательно соединенных источников ЭДС (рис. 16.2, б):

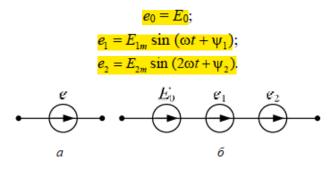


Рис. 16.2. Замена источника несинусоидальной ЭДС последовательным соединением источников постоянной и синусоидальной ЭДС

 Расчет мгновенных значений токов, возникающих в ветвях электрической цепи под действием каждой из составляющих несинусоидальной ЭДС в отдельности.

 Нахождение мгновенных значений токов в ветвях в соответствии с принципом наложения в виде суммы мгновенных значений составляющих токов. Если, например, в какой-либо ветзи токи, создаваемые ЭДС E_0 , e_1 и e_2 , соответственно равны I_0 , i_1 и i_2 , то общий ток ветви

$$i = I_0 + i_1 + i_2.$$

Таким образом, расчет линейной цепи с несинусоидальными ЭДС сводится к решению *n* задач с синусоидальными ЭДС, где *n* – число синусоидальных составляющих ЭДС различных частот, и одной задачи с постоянными ЭДС.

При решении каждой из этих задач необходимо учитывать, что для различных частот индуктивные и емкостные сопротивления неодинаковы. Индуктивное сопротивление для *k*-гармоники в *k* раз больше, а емкостное, наоборот, в *k* раз меньше, чем для первой:

$$X_{L_k} = k\omega L = kX_{L_l};$$
$$X_{C_k} = \frac{1}{k\omega C} = \frac{X_{C_l}}{k}.$$

Для постоянной составляющей E_0 индуктивное сопротивление равно нулю, а емкостное – бесконечности. Активное сопротивление также зависит от частоты – увеличивается с ростом последней вследствие поверхностного эффекта. Если расчет ведется для гармоник невысоких частот и относительно малых сечений проводов, можно не учитывать изменения сопротивления R с частотой и считать, что при всех частотах активное сопротивление равно сопротивлению при постоянном токе.

Поскольку каждая составляющая тока является либо постоянной величиной, либо синусоидальной функцией времени, то для расчета каждой из них в отдельности могут быть применены все методы, рассмотренные для расчета цепей постоянного и синусоидального токов. Для расчета каждой синусоидальной составляющей в отдельности целесообразно использовать комплексный метод. Закон Ома в комплексной форме для k-гармоники имеет вид

$$\dot{I}_{k} = \frac{\dot{U}_{k}}{R + j \left(k \omega L - \frac{1}{k \omega C} \right)}.$$

Суммировать полученные комплексы токов для отдельных гармоник нельзя, так как они имеют разные частоты. Суммировать можно лишь мгновенные значения, выраженные как функции времени.

Пользуясь мгновенными значениями, определим ток *i* в простейшей неразветвленной цепи с постоянными параметрами *R*, *L*, *C* (рис. 16.3) при установившемся режиме в случае, когда напряжение *u* на зажимах цепи является периодической несинусоидальной функцией времени. Представим напряжение в виде ряда:

 $u = U_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_k + \dots,$

где U_0 – постоянная составляющая, а $u_k = U_{km} \sin (k\omega t + \psi_{uk}) - k$ -гармоника.

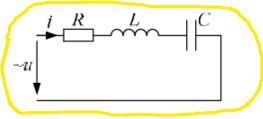


Рис. 16.3. Электрическая цепь при действии периодического несинусоидального напряжения

Постоянная составляющая тока в этой цепи равна нулю, т. е. $I_0 = 0$, так как конденсатор постоянного тока не проводит.

Синусоидальные составляющие тока, возникающие в цепи под действием каждой синусоидальной составляющей напряжения разных частот, найдем, используя закон Ома в комплексной форме. Рассчитаем комплексную амплитуду тока k-гармоники:

$$\dot{I}_{km} = \frac{\dot{U}_{km}}{\underline{Z}_{k}} = \frac{\dot{U}_{km}}{R + j \left(k\omega L - \frac{1}{k\omega C}\right)}.$$

Записываем $U_{km} = U_{km} e^{j\Psi_{kk}}$ и $\underline{Z}_k = Z_k e^{j\Psi_k}$, причем

$$Z_k = \sqrt{R^2 + \left(k\omega L - \frac{1}{k\omega C}\right)^2};$$

$$\varphi_k = \arctan \frac{k\omega L - \frac{1}{k\omega C}}{R},$$

и получим

$$\dot{I}_{km} = \frac{U_{km}e^{j\Psi_{uk}}}{Z_k e^{j\Phi_k}} = I_{km}e^{j(\Psi_{uk} - \Phi_k)}.$$

Мгновенное значение тока k-гармоники имеет вид

$$\frac{i_k}{k} = I_{km} \sin \left(k \omega t + \psi_{uk} - \varphi_k \right) = \frac{I_{km}}{k} \sin \left(k \omega t + \psi_{ik} \right).$$

Искомый ток определяется суммой:

$$i = i_1 + i_2 + \dots + i_k + \dots$$

Для наглядного представления о форме кривой несинусоидального тока необходимо рисовать графики отдельных гармоник и результирующей кривой, полученной суммированием ординат составляющих токов. При вычерчивании кривых отдельных гармоник всегда следует иметь в виду, что период гармоники обратно пропорционален ее номеру. Следовательно, если по оси абсцисс отложено ωt , то, соблюдая один и тот же масштаб, вместо углов

 $i = 12 \sin(\omega t + 120^\circ) + 4 \sin(2\omega t + 90^\circ)$ A.

При построении графика тока второй гармоники *i*₂ учтено, что период этой гармоники в 2 раза меньше периода тока первой гармоники *i*₁ и начальная фаза второй гармоники (90°) разделена на

номер гармоники $\left(\frac{90^\circ}{2} = 45^\circ\right)$.

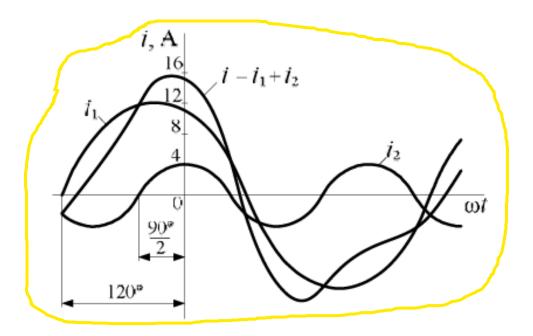


Рис. 16.4. Построение графиков несинусоидального тока