4 Режимы работы электрической цепи

Различают номинальный (нормальный) режим работы электрооборудования и близкие к нему рабочие режимы. Мощность, вырабатываемая источником, за вычетом потерь на внутреннем сопротивлении равна мощности, потребляемой приёмником (баланс).

Возможен режим холостого хода, при котором напряжение Uхх источника равно ЭДС E, при нём нет потребления энергии.

Возможны режимы короткого замыкания приёмника или его частей, при которых токи в несколько раз больше номинальных.

Особый интерес вызывает режим согласования источника и приёмника, при котором в него поступает максимальная мощность.

Источники и приемники электрической энергии, провода, а также вспомогательные аппараты и приборы характеризуются номинальными величинами тока, напряжения, мошности и так далее, на которые эти устройства рассчитаны заводами-изготовителями для нормальной работы. Номинальные величины обычно указываются в паспорте устройства.

Режим работы, при котором действительные токи, напряжения, мощности элементов электрической цепи соответствуют их номинальным величинам, называется номинальным (нормальным).

Если в электрической цепи действительные характеристики режима отличаются от номинальных величин ее элементов, но отклонения находятся в допустимых пределах, режим называется рабочим. На рисунке 3.6 представлена схема простейшей электрической цепи с переменным сопротивлением R приемника.

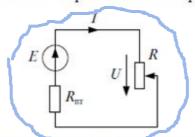


Рис. 3.6. Схема простейшей электрической цепи с переменным сопротивлением R приемника

Применяя к этой цепи закон сохранения энергии, составим уравнение энергетического баланса за некоторое время:

$$W_{\text{\tiny M}} = W_{\text{\tiny T}} + W_{\text{\tiny BT}}$$

где $W_{u} = EIt -$ энергия источника;

 $W_{\pi} = I^2 Rt$ — энергия приемника;

 $W_{\rm BT} = I^2 R_{\rm BT} t$ — энергия потерь на внутреннем сопротивлении источника.

Энергетический баланс принимает следующий вид:

$$EIt = I^2Rt + I^2R_{\rm pr}t.$$

После сокращения на t получим уравнение баланса мощностей:

$$EI = I^2 R + I^2 R_{\rm BT}.$$

Далее, сокращая на I, получаем уравнение баланса напряжений:

$$E = IR + IR_{\mathtt{BT}}$$
, или $E = U + U_{\mathtt{BT}}$,

где $U_{\rm BT}$ — падение напряжения на внутреннем сопротивлении источника.

Ток в цепи

$$I = \frac{E}{R + R_{\text{BT}}}.$$
 (3.8)

Формула (3.8) является выражением закона Ома для простейшей цепи.

Напряжение U на приемнике, равное в этом случае напряжению на внешних зажимах источника, меньше ЭДС источника на величину внутреннего падения напряжения $IR_{\rm sr}$:

$$U = E - IR_{\rm gr}. \tag{3.9}$$

Для обеспечения нормальных условий работы приемников электрической энергии необходимо соблюдать соответствие напряжений: действительное напряжение на зажимах приемника должно быть равно его номинальному напряжению.

Коэффициент полезного действия источника определяется отношением мощности приемника P_{π} к мощности источника P_{u} :

$$\eta = \frac{P_{\pi}}{P_{\pi}}.$$

При сопротивлении $R = \infty$ тока в цепи не будет, это соответствует размыканию цепи. Режим электрической цепи или отдельных

источников, при котором ток в них равен нулю, называется *режи*мом холостого хода. При холостом ходе напряжение на внешних зажимах источника равно его ЭДС (уравнение (3.9)):

$$U_{xx} = E$$
.

Согласно выражению (3.8), при R = 0

$$I = \frac{E}{R_{\text{er}}} = I_{\text{E}}, \qquad (3.10)$$

а напряжение на зажимах приемника U = 0.

Режим электрической цепи, при котором накоротко замкнут участок с одним или несколькими элементами, в связи с чем напряжение на этом участке равно нулю, называется режимом короткого замыкания.

Короткие замыкания в электрических установках нежелательны, поскольку токи короткого замыкания, как правило, в несколько раз превышают номинальные значения, что ведет к резкому увеличению выделения теплоты в токоведущих частях и, следовательно, к порче электрических установок.

Напряжение на зажимах источника энергии уменьшается от $U_{x,x} = E$ до U = 0, если ток нагрузки увеличивается от нуля до тока короткого замыкания I_k . График изменения напряжения на источнике U в зависимости от I на участке от I = 0 до I, равного номинальному, показан линией I на рисунке 3.5.

Пример 3.3. Ток короткого замыкания источника энергии $I_{\rm K}=40~{\rm A.}$ При подключении к источнику резистора с сопротивлением $R=30~{\rm Om}$ ток в цепи уменьшился до $10~{\rm A.}$ Определить внутреннее сопротивление источника.

Решение. При коротком замыкании по уравнению (3.10)

$$E = I_{\scriptscriptstyle K} R_{\scriptscriptstyle BT} = 40 \cdot R_{\scriptscriptstyle BT}$$
.

В рабочем режиме по уравнению (3.8)

$$E = I(R + R_{st}) = 10(30 + R_{st}).$$

Следовательно.

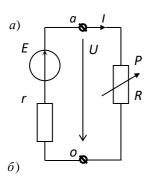
$$40 \cdot R_{\rm bt} = 10(30 + R_{\rm bt});$$

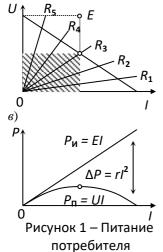
$$40 \cdot R_{BT} - 10R_{BT} = 300;$$

 $R_{DT} = 10 \text{ OM}.$

Питание приёмника переменной мощности

Подключим к источнику питания приёмник переменной мощности и соответственно переменного сопротивления, как показано на рисунке 1,a. Ток и напряжение приёмника соответствуют точке пересечения нагрузочной ВАХ источника и ВАХ потребителя ($R_1 < R_2 < R_3 < R_4 < R_5$ рисунок 1, δ). Мощность приёмника P_{Π} равна произведению напряжения на силу тока:





переменной мощности

$$P_{n} = U \cdot I. \tag{14}$$

Она соответствует площади заштрихованной части прямоугольника. Из геометрических соображений видно, что при сопротивлении приёмника, равном R_3 , мощность имеет максимальное значение. При изменении сопротивления, а следовательно, и тока I приёмника, его мощность P_n изменяется по параболе $P_n = UI$, изображённой в нижней части рисунка 1, 6.

Мощность $P_{\rm u}$, отдаваемая источником, равна произведению его ЭДС на силу тока

$$P_{\mathsf{M}} = EI \tag{15}$$

и соответствует на рисунке 1, δ площади всего прямоугольника, а на рисунке 1, δ — наклонной линии $P_n = EI$.

Потери мощности ΔP внутри источника равны произведению его внутреннего сопротивления r на квадрат силы тока:

$$\Delta P = r \cdot I^2. \tag{16}$$

На рисунке 1, δ эти потери соответствуют площади незаштрихованной части прямоугольника, а на рисунке 1, δ – расстоянию между наклонной линией $P_{\rm u}$ = EI и параболой $P_{\rm n}$ = $U \cdot I$:

$$\Delta P = P_{\mathsf{u}} - P_{\mathsf{n}}.\tag{17}$$

Коэффициент полезного действия источника

$$\eta = R / (r + R). \tag{18}$$

На холостом ходу нет тока, поэтому КПД = 0. При коротком замыкании (R = 0) вся мощность теряется внутри источника (числитель = 0) и $\eta = 0$.

Режим максимальной мощности, передаваемой от источника потребителю, называется режимом согласования и для идеализированного источника соответствует равенству сопротивления приёмника и внутреннего сопротивления источника (R = r).

Коэффициент полезного действия источника при этом $\eta = 0,5$. Для производства и передачи электроэнергии такой низкий КПД неприемлем, здесь заботятся о том, чтобы значение внутреннего сопротивления источника было гораздо меньше, чем приёмника (r << R). Режим согласования используется для передачи электрических сигналов в технике связи и в некоторых других случаях (например, в стартерах, в аппаратах электродуговой сварки, при индукционном нагреве и т. п.).

Для реального источника при определении условий передачи максимальной мощности потребителю на его характеристике следует построить прямоугольник максимальной площади. Диагональ этого прямоугольника и будет вольтамперной характеристикой искомого сопротивления приёмника R в режиме согласования R = U / I, а отношение напряжения к ЭДС будет коэффициентом полезного действия $\eta = U / E$.