19 Преобразование звезды сопротивлений в треугольник. Контрольная работа ∆ ⇔ Y

Сопротивление стороны треугольника равно сумме сопротивлений прилегающих лучей звезды и их произведения, делённого на сопротивление третьего луча.

На рисунке 4.10 приведен пример, когда замена части схемы с соединением приемников звездой позволяет преобразовать сложную электрическую схему в схему со смешанным соединением приемников.

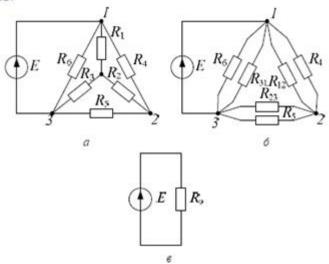


Рис. 4.10. Упрощение схемы преобразованием соединения звездой в соединение треугольником

После преобразования трех сопротивлений исходной схемы R_1 , R_2 , R_3 , соединенных звездой (рис. 4.10, a) в эквивалентный треугольник, получается схема (рис. 4.10, δ), которую можно упростить. Попарно сопротивления R_{12} и R_4 , R_{23} и R_5 , R_{31} и R_6 соединены параллельно. После их замены эквивалентными сопротивлениями

получается схема с последовательным соединением (R_{124} и R_{235}) и параллельно присоединенным к ней сопротивлением R_{316} . В итоге схема приводится к простейшей (рис. 4.10, θ).

Выражения для искомых сопротивлений треугольника R_{12} , R_{23} , R_{31} через заданные сопротивления звезды R_1 , R_2 , R_3 можно найти в результате совместного решения уравнений (4.22)–(4.24):

$$R_{12} = R_1 + R_2 + \frac{R_1 R_2}{R_3};$$

$$R_{23} = R_2 + R_3 + \frac{R_2 R_3}{R_1};$$

$$R_{31} = R_3 + R_1 + \frac{R_3 R_1}{R_2}.$$

Следовательно, при эквивалентном преобразовании соединения звездой в соединение треугольником сопротивление стороны треугольника равно сумме сопротивлений прилегающих лучей звезды и их произведения, деленного на сопротивление третьего луча.

Контрольная работа ∆ ⇔ Ү

 Преобразовать треугольник сопротивлений в эквивалентную звезду.

$$Ra = R1 \cdot R2/(R1 + R2 + R3) =$$

$$Rb = R2 \cdot R3/(R1 + R2 + R3) =$$

$$Rc = R1 \cdot R3/(R1 + R2 + R3) =$$

2 Преобразовать полученную звезду сопротивлений в треугольник.

Значения сопротивлений заданы таблицей по номеру в списке

Значения сопротивлений, Ом

Nº	R1	R2	R3
1	4	5 6	6
2	4	6	6 5
3	5	4	6
3 4 5 6	5	6	4
5	6	4	5
6	6	5	5 4 7
7	5	6	7
8	4 5 5 6 6 5 5 6 6 7 7 7 6	6 7 5 7 5 6	6 7 5
9	6	5	7
10	6	7	5
11	7	5	6
12 13 14	7	6	5
13	6	7	8
14	6	8	7
15	7	6	8
		•	•
Nº	R1	R2	R3
№ 16	R1 7	R2	R3
№ 16	7 R1 7 8	R2 8 6	R3 6 7
№ 16 17 18	R1 7 8	R2 8 6 7	R3 6 7 6
№ 16 17 18	R1 7 8 8 7	R2 8 6 7	R3 6 7 6 9
Nº 16 17 18 19 20	8 8 7 7	R2 8 6	R3 6 7
№ 16	8 7 7 8	8 6 7 8 9 7	R3 6 7 6 9 8
Nº 16 17 18 19 20 21	8 7 7 8	8 6 7 8 9 7	R3 6 7 6 9 8 9 7
Nº 16 17 18 19 20 21	8 8 7 7 8 8	8 6 7 8 9 7 9	R3 6 7 6 9 8 9 7
Nº 16 17 18 19 20 21	8 8 7 7 8 8 9 9	8 6 7 8 9 7 9	R3 6 7 6 9 8 9 7 8 7
Nº 16 17 18 19 20 21	8 8 7 7 8 8 9 9	8 6 7 8 9 7 9 7 8	R3 6 7 6 9 8 9 7 8 7
Nº 16 17 18 19 20 21	8 8 7 7 8 8 9 9	8 6 7 8 9 7 9 7 8	R3 6 7 6 9 8 9 7 8 7
Nº 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27	8 8 7 7 8 8 9 9	8 6 7 8 9 7 9 7 8	R3 6 7 6 9 8 9 7 8 7 5 4
Nº 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28	8 8 7 7 8 8 9 9	8 6 7 8 9 7 9 7 8	R3 6 7 6 9 8 9 7 8 7 5 4 5 3
Nº 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27	8 8 7 7 8 8 9 9	8 6 7 8 9 7 9	R3 6 7 6 9 8 9 7 8 7 5 4